



UNIVERSIDAD NACIONAL AUTÓNOMA DE MÉXICO
FACULTADES DE ECONOMÍA E INGENIERÍA



LICENCIATURA EN ECONOMÍA Y NEGOCIOS

PROGRAMA DE ESTUDIO

Ecuaciones Diferenciales

Asignatura

Clave

P83°/P73°/P93°

Semestre

09

Créditos

Ciencias Básicas

División

Matemáticas Básicas

Departamento

Asignatura:

Obligatoria ☒

Optativa ☐

Horas:

Teóricas

Prácticas

Total (horas):

Semana

16 Semanas

Tipo de asignatura: Teórica

Área de conocimiento: Matemáticas

Modalidad: Curso

Seriación obligatoria antecedente: Cálculo Integral

Seriación subsecuente: Ninguna

Objetivo(s) del curso: El alumno aplicará los conceptos fundamentales de las ecuaciones diferenciales, para resolver problemas económicos y de la ingeniería industrial.

Temario

	NOMBRE	HORAS
1.	Ecuaciones diferenciales de primer orden	12.0
2.	Ecuaciones diferenciales lineales y sistemas de ecuaciones diferenciales lineales	27.0
3.	Transformada de Laplace	18.0
4.	Introducción a las ecuaciones en derivadas parciales	15.0
		72.0
	Prácticas de laboratorio	0.0
	Total	72.0



1 Ecuaciones diferenciales de primer orden

Objetivo: El alumno identificará las ecuaciones diferenciales como modelo matemático de fenómenos físicos y resolverá ecuaciones diferenciales de primer orden.

Contenido:

- 1.1 Definición de ecuación diferencial. Ecuación diferencial ordinaria. Definición de orden de una ecuación diferencial.
- 1.2 Solución de la ecuación diferencial: general y particular. Definición de solución singular.
- 1.3 Problema de valor inicial.
- 1.4 Ecuaciones diferenciales de variables separables.
- 1.5 Ecuaciones diferenciales homogéneas.
- 1.6 Ecuaciones diferenciales exactas, factor integrante.
- 1.7 Teorema de existencia y unicidad para un problema de valores iniciales.

2 Ecuaciones diferenciales lineales y sistemas de ecuaciones diferenciales lineales

Objetivo: El alumno aplicará los conceptos fundamentales de las ecuaciones diferenciales lineales y de los sistemas de ecuaciones diferenciales lineales, en la resolución e interpretación de problemas físicos y geométricos.

Contenido:

- 2.1 Ecuación diferencial lineal de primer orden. Solución de la homogénea asociada. Solución general. Aplicaciones.
- 2.2 La ecuación diferencial de orden n . Operador diferencial. Polinomios diferenciales. Igualdad entre polinomios diferenciales. Operaciones y propiedades de polinomios diferenciales.
- 2.3 La ecuación diferencial lineal homogénea de coeficientes constantes de orden n y su solución. Ecuación auxiliar. Raíces reales diferentes, reales iguales y complejas.
- 2.4 Solución de la ecuación diferencial lineal no homogénea. Método de coeficientes indeterminados. Método de variación de parámetros.
- 2.5 Sistemas de ecuaciones diferenciales de primer orden. Representación matricial. Transformación de una ecuación diferencial de orden n a un sistema de n ecuaciones de primer orden.
- 2.6 Solución de sistemas de ecuaciones diferenciales con coeficientes constantes mediante el método de los operadores. Aplicaciones.

3 Transformada de Laplace

Objetivo:

El alumno aplicará la transformada de Laplace en la resolución de ecuaciones y sistemas de ecuaciones diferenciales lineales, así como para la obtención de la matriz exponencial.

Contenido:

- 3.1 Definición de la transformada de Laplace. Condición suficiente para la existencia de la transformada. La transformada de Laplace como un operador lineal. Teorema de traslación en el dominio de s (primer teorema de traslación). Transformada de la derivada de orden n de una función. Derivada de la transformada de una función. Transformada de la integral de una función.



Definición de las funciones: rampa, escalón e impulso unitarios y sus respectivas transformadas de Laplace. Teorema de traslación en el dominio de t (segundo teorema de traslación). Definición de la transformada inversa de Laplace. La no unicidad de la transformada inversa. Linealidad de la transformada inversa. Definición de convolución de funciones. Uso del teorema de convolución para obtener algunas transformadas inversas de Laplace.

- 3.3 Aplicaciones de la transformada de Laplace en la resolución de ecuaciones y sistemas de ecuaciones diferenciales lineales.
- 3.4 Definición de la matriz exponencial. Obtención de la matriz exponencial mediante la transformada de Laplace.

4 Introducción a las ecuaciones en derivadas parciales

Objetivo:

El alumno conocerá las ecuaciones en derivadas parciales, y aplicará el método de separación de variables en su resolución.

Contenido:

- 4.1 Definición de ecuaciones en derivadas parciales. Definición de orden de una ecuación en derivadas parciales. Ecuación en derivadas parciales lineal y no lineal. Solución de la ecuación en derivadas parciales: completa, general y particular.
- 4.2 El método de separación de variables.
- 4.3 Serie trigonométrica de Fourier. Serie seno de Fourier. Serie coseno de Fourier. Cálculo de los coeficientes de la serie trigonométrica de Fourier.
- 4.4 Resolución de problemas de condiciones iniciales y de frontera: ecuaciones de onda, de calor y de Laplace con dos variables independientes.

Bibliografía básica

CHIANG A. C., y WAINWRIGHT K.,
Fundamental Methods of Mathematical Economics
4th edition
McGraw-Hill College, 2004

LOMELI H., RUMBOS B.
Métodos dinámicos en economía. Otra búsqueda del tiempo perdido
México
Thomson Learning Ibero , 2003

NAGLE, R. Kent, SAFF, Edward B. y SNIDER, Arthur D.
Ecuaciones diferenciales y problemas con valores en la frontera
3a edición
México
Addison-Wesley Iberoamericana, 2001



ZILL, Dennis G.

Ecuaciones diferenciales con aplicaciones de modelado

3a edición

México

International Thomson Editores, 1998

ZILL, Dennis G.

Ecuaciones diferenciales con aplicaciones

3a edición

México

Grupo Editorial Iberoamérica, 1997

Bibliografía complementaria

BOYCE, William E. y Di PRIMA, Richard C.

Ecuaciones diferenciales y problemas con valores en la frontera

3a edición

México

Noriega Limusa, 1993

CAMPBELL L., Stephen y HABERMAN, Richard

Ecuaciones diferenciales con Problemas de Valor de Frontera

México

McGraw-Hill, 1998

EDWARDS, C. Henry y PENNEY, David E.

Ecuaciones diferenciales

1a. edición

México

Prentice-Hall, 2001

NAGLE, R. Kent, SAFF, Edward B. y SNIDER, Arthur D.

Fundamentals of Differential Equations and Boundary Value Problems

3th edition

U.S.A.

Addison-Wesley Longman, 2000

RAMÍREZ, Margarita y ARENAS, Enrique

Cuaderno de ejercicios de ecuaciones diferenciales

México

Facultad de Ingeniería, UNAM, 2003

ZILL, Dennis G. y CULLEN Michael R.

Ecuaciones diferenciales con problemas de valores en la frontera

5a edición

México



Thomson – Learning, 2002

Sugerencias didácticas

Exposición oral	☒
Exposición audiovisual	☒
Ejercicios dentro de clase	☒
Ejercicios fuera del aula	☒
Seminarios	☐

Lecturas obligatorias	☒
Trabajos de investigación	☒
Prácticas de taller o laboratorio	☐
Prácticas de campo	☐
Otras: Empleo de nuevas tecnologías	☒

Forma de evaluar

Exámenes parciales	☒
Exámenes finales	☒
Trabajos y tareas fuera del aula	☒

Participación en clase	☒
Asistencias a prácticas	☐
Otras	☐

Perfil profesiográfico del académico que puede impartir el programa

Licenciatura en Ingeniería, Matemáticas, Física o carreras cuyo contenido en el área de matemáticas sea similar. Deseable haber realizado estudios de posgrado, contar con experiencia docente o haber participado en cursos o seminarios de iniciación en la práctica docente.